

EXAMEN DU B.F.E.M. - SESSION DE JUILLET 2003 - Epreuve : Mathématiques.

Durée : 2 h. Coef. : 4

I. - Activités Numériques

Exercice 1.-On considère les expressions suivantes :

$$H(x) = 4(x + \sqrt{3})^2 - 4\sqrt{3}(x + \sqrt{3}) + 3$$

$$G(x) = (2x + \sqrt{3})^2$$

1°) Développer, réduire et ordonner $H(x)$ et $G(x)$. (1 pt)

2°) En déduire une factorisation de $H(x)$. (1 pt)

3°) On pose $Q(x) = \sqrt{H(x)}$

a) Résoudre l'équation $Q(x) = 2\sqrt{3}$ (1,5 pt)

b) Dans un repère orthonormal (O, \vec{i}, \vec{j}) , représenter Q . (1,5 pt)

Exercice 2.-

Le tableau ci-dessous représente la répartition des notes de mathématiques lors d'un test de niveau où la note moyenne est 12,5.

Notes sur 20	6	8	9	12	15	x
Nombre d'élèves	6	9	15	9	15	18

1°) Calculer x, la meilleure note attribuée lors de ce test. (1 pt)

2°) Combien d'élèves ont une note au moins égale à 12 ? (0,5 pt)

3°) Quel est le pourcentage des élèves qui ont au plus 15 ? (0,5 pt)

4°) Déterminer la note médiane.

5°) Construire le diagramme circulaire de la série. (1,5 pt pour les angles, 1 pt pour le disque)

II. - Activités Géométriques

Exercice 1.- Un entrepreneur des travaux publics doit aménager le long des allées d'une avenue des bancs en béton.

Il hésite entre deux modèles :

- le modèle 1 a la forme d'un tronc de cône de révolution dont les bases parallèles ont respectivement 20 cm et 10 cm de rayons.
- le modèle 2 a la forme d'un tronc de pyramide dont les bases parallèles sont des carrés de côtés respectifs 40 cm et 20 cm.

Les deux modèles ont une hauteur de 50 cm.

1°) Représenter chaque modèle.

2°) Sachant que le modèle le moins volumineux est le plus économique pour l'entrepreneur, aidez-le à faire le bon choix.

Fig. modèle 1 (1 pt) ; fig. modèle 2 (1 pt) – Vol. modèle 1 (2,5 pts) ; Vol. modèle 2 (2,5 pts) ; choix justifié (1 pt).

Exercice 2.- On considère un triangle ABC tel que $AB = 5$ cm ; $AC = 6$ cm et $BC = 7$ cm. Soit I le milieu de [BC].

1°) Construire G, le centre de gravité du triangle ABC. (0,5 pt)

2°) Sachant que $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$, démontrer que : pour tout point M du plan, on a : $\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC} = 3\vec{MG}$ (1,5 pt)